

Задание 1. РАСЧЕТ ПАРАМЕТРОВ ПОСАДКИ

Рассчитать параметры посадки $\varnothing 56G7/h6$; написать все виды обозначения предельных отклонений размеров на конструкторских и рабочих чертежах; рассчитать калибры для проверки отверстия и вала заданной посадки; дать рабочие чертежи калибров.

Даная посадка с зазором, выполнена в системе вала.

1. Отклонения отверстия и вала по ГОСТ 25347-82 (СТ СЭВ 144-82)

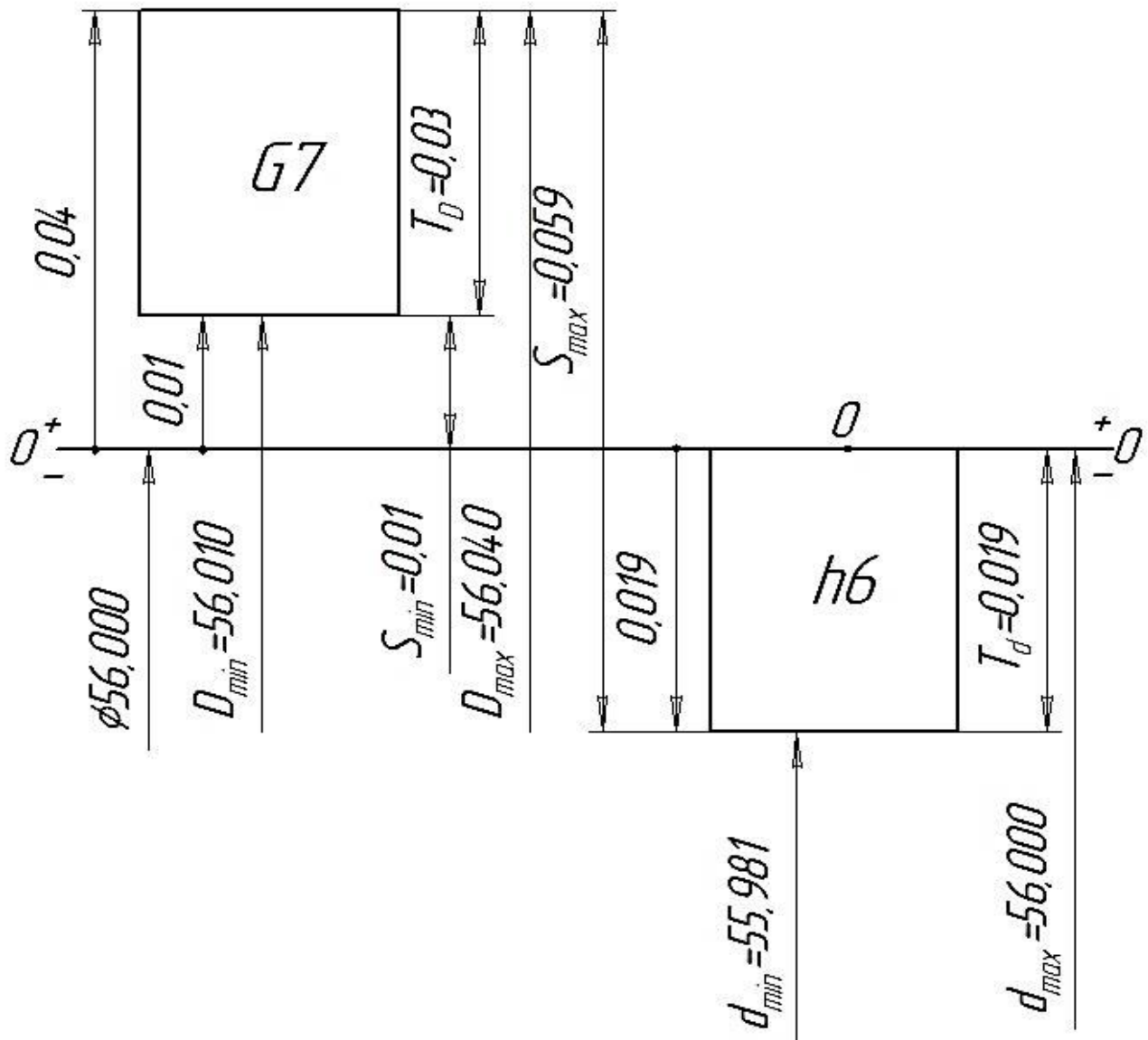
$$ES = 40 \text{ мкм}$$

$$es = 0 \text{ мкм}$$

$$EI = 10 \text{ мкм}$$

$$ei = -19 \text{ мкм}$$

Схема расположения полей допусков.



2. Предельные размеры:

$$D_{\max} = N + ES = 56 + 0,040 = 56,040 \text{ мм}$$

$$D_{\min} = N + EI = 56 + 0,010 = 56,010 \text{ мм}$$

$$d_{\max} = N + es = 56 + 0 = 56,000 \text{ мм}$$

$$d_{\min} = N + ei = 56 - 0,019 = 55,981 \text{ мм}$$

3. Допуски отверстия и вала:

$$T_D = D_{\max} - D_{\min} = 56,040 - 56,010 = 0,030 \text{ мм}$$

$$T_d = d_{\max} - d_{\min} = 56,000 - 55,981 = 0,019 \text{ мм}$$

Либо:

$$T_D = ES - EI = 0,040 - 0,010 = 0,030 \text{ мм}$$

$$T_d = es - ei = 0 - (-0,019) = 0,019 \text{ мм}$$

4. Зазоры:

$$S_{\max} = D_{\max} - d_{\min} = 56,040 - 55,981 = 0,059 \text{ мм}$$

$$S_{\min} = D_{\min} - d_{\max} = 56,010 - 56,000 = 0,010 \text{ мм}$$

5. Средний зазор:

$$S_{\text{ср}} = (S_{\max} + S_{\min})/2 = (0,059 + 0,010) / 2 = 0,034 \text{ мм}$$

6. Допуск зазора (посадки):

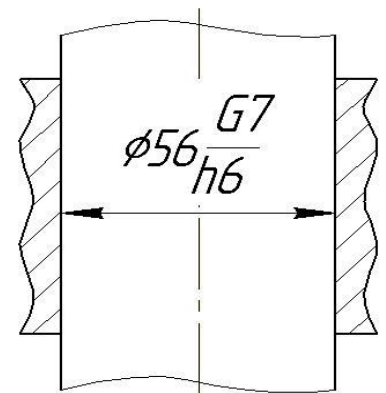
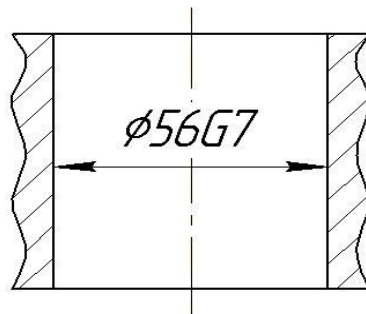
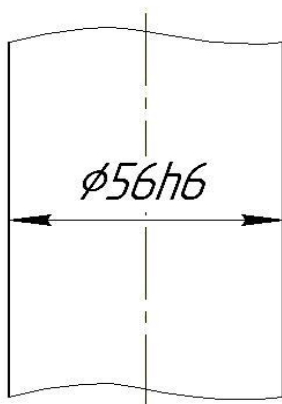
$$T_S = S_{\max} - S_{\min} = 0,059 - 0,010 = 0,049 \text{ мм}$$

или

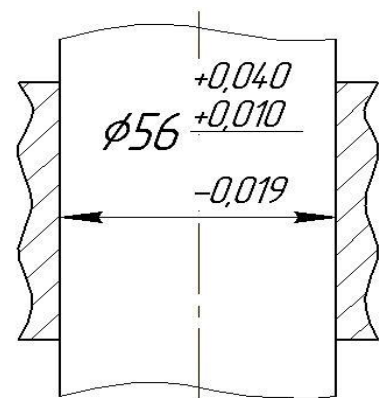
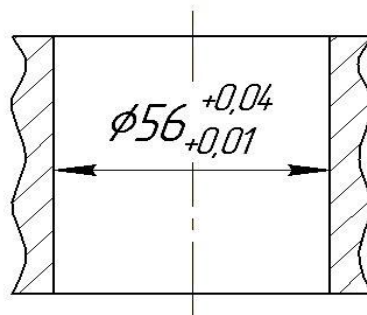
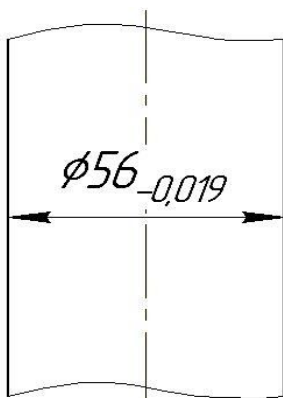
$$T_{Dd} = T_D + T_d = 0,030 + 0,019 = 0,049 \text{ мм}$$

7. Обозначение предельных отклонений размеров на конструкторских чертежах:

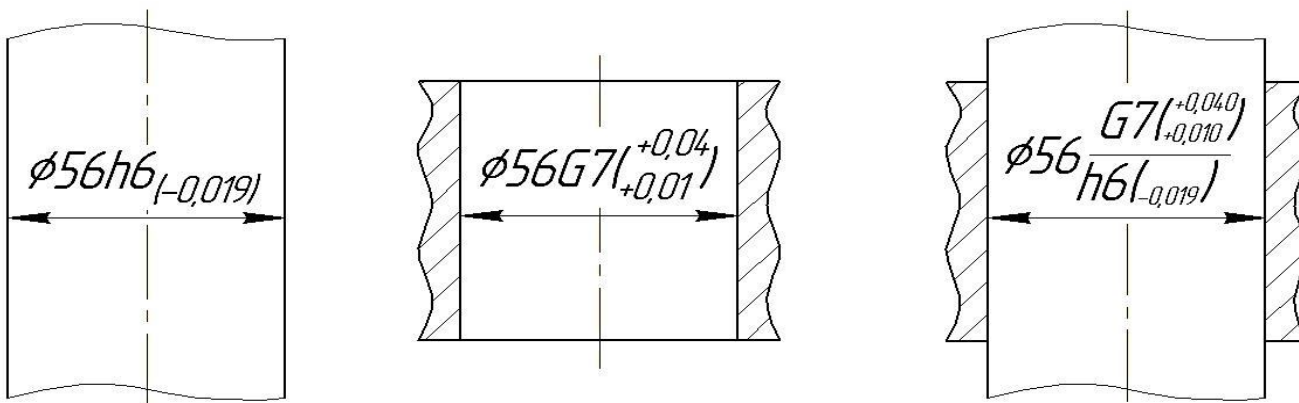
а) условное обозначение полей допусков:



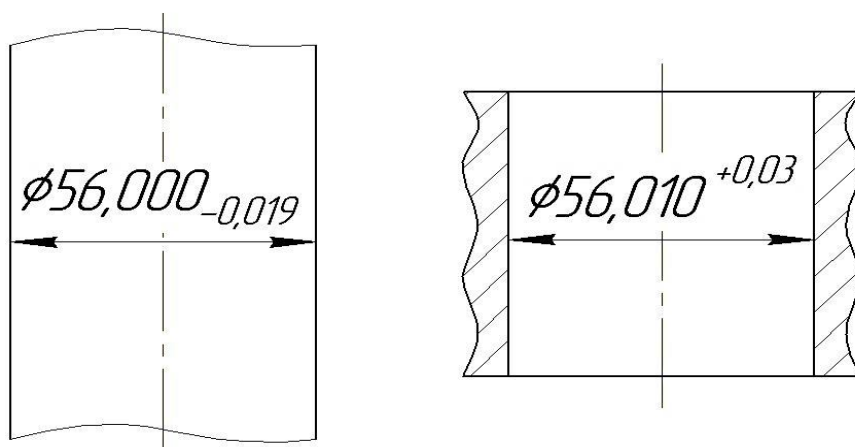
б) числовые значения предельных отклонений:



в) условное обозначение полей допусков и числовых значений предельных отклонений:



8. Обозначение размеров на рабочих чертежах:



Задача 2. РАСЧЕТ СБОРОЧНЫХ РАЗМЕРНЫХ ЦЕПЕЙ МЕТОДАМИ ВЗАИМОЗАМЕНЯЕМОСТИ

Назначить допуски и отклонения составляющих размеров с таким расчетом, чтобы обеспечить значение замыкающего размера равно

$$A = 0_{+0,4}^{+1,2}$$

Расчет произвести методом полной взаимозаменяемости.

На детали, входящие в сборочный чертеж, назначены следующие значения номинальных размеров:

$$N_{A1} = 17 \text{ мм}, N_{A2} = 52 \text{ мм}, N_{A3} = 17 \text{ мм}, N_{A4} = 86 \text{ мм}, A_{\Delta} = 0_{+0,4}^{+1,2}$$

1. Согласно заданию:

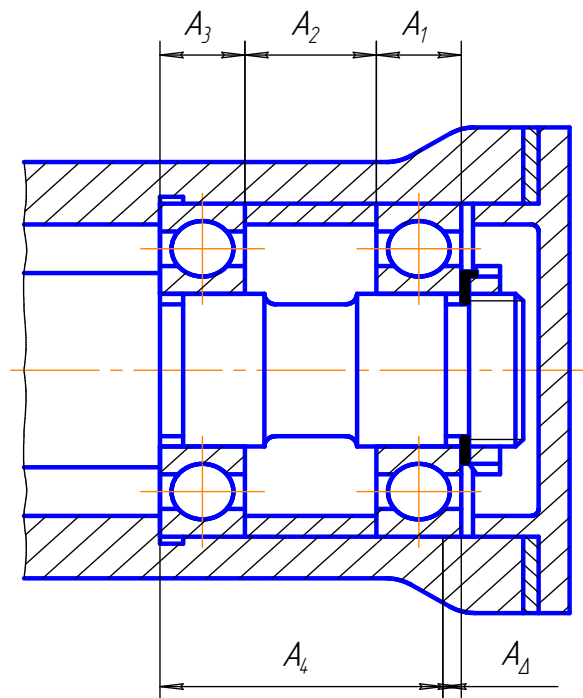
$$N_{\Delta} = 0 \text{ мм},$$

$$T_{\Delta} = ES_{\Delta} - EI_{\Delta} = 1,2 - 0,4 = 0,8 \text{ мм},$$

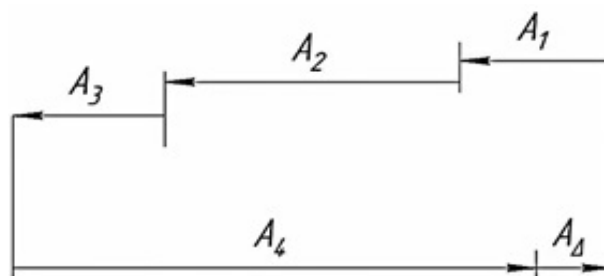
$$E_{C\Delta} = (ES_{\Delta} + EI_{\Delta}) / 2 = (1,2 + 0,4) / 2 = 0,8 \text{ мм}$$

$$A_{\Delta \text{max}} = N_{\Delta} + ES_{\Delta} = 0 + 1,2 = 1,2 \text{ мм}$$

$$A_{\Delta \text{min}} = N_{\Delta} + EI_{\Delta} = 0 + 0,4 = 0,4 \text{ мм}$$



2. Составим график размерной цепи:



3. Составим уравнение размерной цепи:

$$A_{\Delta} = \sum_{j=1}^n \xi_j A_j$$

$$A_{\Delta} = \xi_1 A_1 + \xi_2 A_2 + \xi_3 A_3 + \xi_4 A_4$$

Значение передаточных отношений

Обозначение передаточных отношений	ξ_1	ξ_2	ξ_3	ξ_4
Численное значение ξ_i	+1	+1	+1	-1

4. Проведем проверку правильности назначения номинальных значений составляющих размеров.

$$N_{\Delta} = \sum_{j=1}^n \xi_j N_j$$

$$N_{\Delta} = 17 + 52 + 17 - 86 = 0$$

Так как по условию задачи $N_{\Delta}=0$, следовательно, номинальные размеры назначены правильно

5. Осуществим увязку допусков, для чего исходя из величины T_{Δ} рассчитаем допуски составляющих размеров.

Так как в узел входят подшипники качения, допуски которых являются заданными, то для определения величины a_c воспользуемся следующей зависимостью.

Допуск ширины подшипников равен 0,12 мм, то есть $T_1=T_3= 0,12$ мм

Следовательно $a_c = \frac{T_{\Delta} - \sum_{j=1}^m T_{cm}}{\sum_{j=1}^{n-m} i_j}$, где T_{cm} допуски стандартных деталей, мкм;

m – число стандартных деталей с заданным допуском.

Значения i_j берутся из табл. 3 методических указаний.

$$a_c = (800 - 2 \cdot 130) / (1,86 + 2,17) = 134$$

6. По приложению А устанавливаем, что такому значению a_c соответствует точность, лежащая между 11 и 12 квалитетами.

Примем для всех размеров 12 квалитет, тогда

$$T_1 = 0,12 \text{ мм}, \quad T_2 = 0,30 \text{ мм}, \quad T_3 = 0,12 \text{ мм}, \quad T_4 = 0,35 \text{ мм},$$

7. Произведем проверку правильности назначения допусков составляющих размеров по уравнению:

$$T_{\Delta} = \sum_{j=1}^n |\xi_j| T_j$$

$$\sum_{j=1}^0 T_j = 0,12 + 0,30 + 0,12 + 0,35 = 0,89 \text{ мм}$$

Полученная сумма допусков меньше на величину равную 0,09, что составляет $\approx 11\%$ от T_{Δ} . Следовательно, допуски можно оставить без изменения.

8. Осуществим увязку средних отклонений, для чего примем следующий характер расположения полей допусков составляющих размеров.

$$A_1 = A_3 = 17_{-0,12} \text{ мм}$$

$$A_2 = 52h12_{(-0,30)} \text{ мм,}$$

$$A_4 = 86JS12(\pm 0,175) \text{ мм,}$$

Сведем данные для расчета в таблицу:

Таблица расчета данных

Обозначение размера	Размер	ξ_i	E_{c_i}	$\xi_i E_{c_i}$
A ₁	17 _{-0,12}	+1	-0,06	+0,06
A ₂	52h12 _(-0,30)	+1	-0,15; ($E_{c'_2}$)	+0,15; ($-E_{c'_2}$)
A ₃	17 _{-0,12}	+1	-0,06	+0,06
A ₄	86JS12($\pm 0,175$)	-1	0	0

Из уравнения:

$$E_{c_{\Delta}} = \sum_{j=1}^n \xi_j E_{c_j}$$

найдем среднее отклонение замыкающего размера и сравним его с заданным

$$E_{c_{\Delta}} = -0,06 - 0,15 - 0,06 - 0 = -0,27 \text{ мм,}$$

Так как полученное значение не совпадает с заданным, то произведем увязку средних отклонений за счет среднего отклонения размера A₂, принятого в качестве увязочного

Величину среднего отклонения размера A₂ найдем из уравнения.

$$0,8 = -0,06 + E_{c'_2} - 0,06$$

$$\text{Откуда } E_{c'_2} = 0,68 \text{ мм,}$$

Предельные отклонения размера A₂

$$ES'_2 = E_{c'_2} + 0,5 \cdot T_2 = 0,68 + 0,5 \cdot 0,30 = 0,83 \text{ мм,}$$

$$EI'_2 = E_{c'_2} - 0,5 \cdot T_2 = 0,68 - 0,5 \cdot 0,30 = 0,53 \text{ мм,}$$

$$\text{Таким образом } A'_2 = 0_{+0,53}^{+0,83}$$

Проверка:

$$ES_2 - EI_2 = T_2 \quad 0,83 - 0,53 = 0,3$$

Задача 2 (обратная задача)

Найти предельные значения замыкающего размера A_{Δ} при значениях составляющих размеров, полученных в результате решения задачи 1. Расчет произвести методом полной взаимозаменяемости.

Сведем данные для расчета в таблицу

Таблица расчета данных

Обозначение размера	Размер	ξ_i	N_j	E_{c_j}	T_j	$\xi_j N_j$	$\xi_j E_{c_j}$	$ \xi_j T_j$
A_1	17 ^{-0,12}	+1	17	-0,06	0,12	17	-0,06	0,12
A_2	52h12 ^(-0,30)	+1	52	0,68	0,30	52	0,68	0,30
A_3	17 ^{-0,12}	+1	17	-0,06	0,12	17	-0,06	0,12
A_4	86JS12 ^(±0,175)	-1	86	0	0,35	-86	0	0,35

1. Номинальное значение замыкающего размера:

$$N_{\Delta} = \sum_{j=1}^n \xi_j N_j$$

$$N_{\Delta} = 17 + 52 + 17 - 86 = 0 \text{ мм,}$$

2. Среднее отклонение замыкающего размера:

$$E_{c\Delta} = \sum_{j=1}^n \xi_j E_{c_j}$$

$$E_{c\Delta} = -0,06 + 0,68 - 0,06 + 0 = 0,56 \text{ мм,}$$

3. Допуск замыкающего размера:

$$T_{\Delta} = \sum_{j=1}^n |\xi_j| T_j$$

$$T_{\Delta} = 0,12 + 0,30 + 0,12 + 0,35 = 0,89 \text{ мм,}$$

Полученная сумма допусков превышает заданную на величину равную 0,09, что составляет 11% от T_{Δ} . Следовательно, допуски можно оставить без изменения.

4. Предельные отклонения замыкающего размера:

$$A_{\Delta \max} = N_{\Delta} + E_{c\Delta} + 0,5 \cdot T_{\Delta} = 0 + 0,56 + 0,5 \cdot 0,89 = 1,01 \text{ мм,}$$

$$A_{\Delta \min} = N_{\Delta} + E_{c\Delta} - 0,5 \cdot T_{\Delta} = 0 + 0,56 - 0,5 \cdot 0,89 = 0,12 \text{ мм,}$$

5. Сравниваем полученные результаты с заданными

$$A_{\Delta \max \text{ расч.}} = 1,01 < A_{\Delta \max \text{ зад.}} = 1,2$$

$$A_{\Delta \min \text{ расч.}} = 0,12 < A_{\Delta \min \text{ зад.}} = 0,4$$

Т.к. условия не выполняются, то осуществим проверку допустимости расчетных значений $A_{\Delta \max}$ и $A_{\Delta \min}$.

$$(A_{\Delta \max \text{ расч.}} - A_{\Delta \max \text{ зад.}}) / T_{\Delta} = (1,01 - 1,2) / 0,89 = 0,22 \text{ мм,}$$

$$(A_{\Delta \min \text{ зад.}} - A_{\Delta \min \text{ расч.}}) / T_{\Delta} = (0,40 - 0,12) / 0,89 = 0,32 \text{ мм,}$$

Задача 3.

Назначить допуски и отклонения составляющих размеров с таким расчетом, чтобы обеспечить значение замыкающего размера равное

$$A = 0 \begin{matrix} +1,2 \\ +0,4 \end{matrix}$$

Расчет произвести вероятностным методом, исходя из допускаемого процента брака на сборке, равного 0,27%.

$$N_{A1} = 17 \text{ мм}, N_{A2} = 52 \text{ мм}, N_{A3} = 17 \text{ мм}, N_{A4} = 86 \text{ мм}, A_{\Delta} = 0 \begin{matrix} +1,2 \\ +0,4 \end{matrix}$$

1. Согласно заданию:

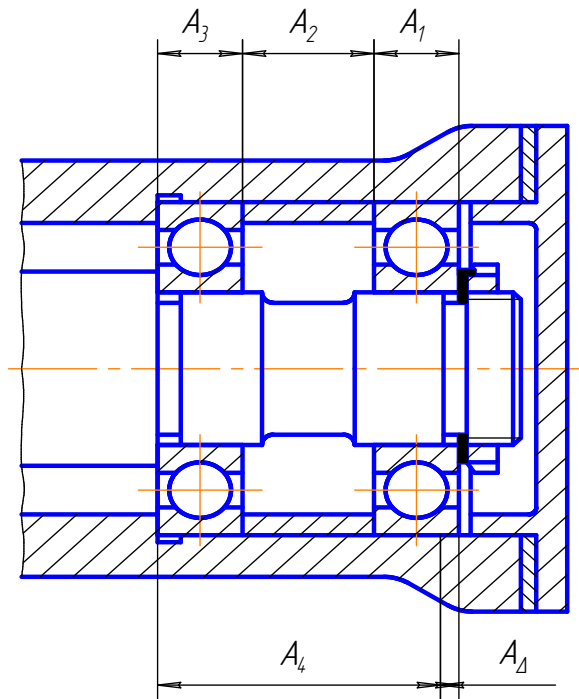
$$N_{\Delta} = 0 \text{ мм},$$

$$T_{\Delta} = ES_{\Delta} - EI_{\Delta} = 1,2 - 0,4 = 0,8 \text{ мм},$$

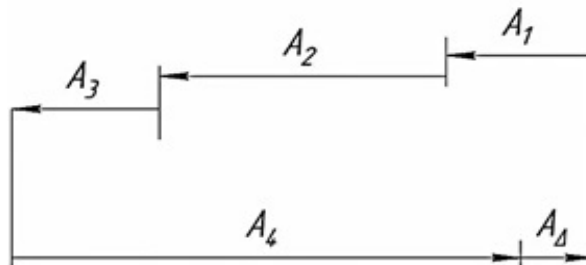
$$E_{C_{\Delta}} = (ES_{\Delta} + EI_{\Delta}) / 2 = (1,2 + 0,4) / 2 = 0,8 \text{ мм}$$

$$A_{\Delta \text{max}} = N_{\Delta} + ES_{\Delta} = 0 + 1,2 = 1,2 \text{ мм}$$

$$A_{\Delta \text{min}} = N_{\Delta} + EI_{\Delta} = 0 + 0,4 = 0,4 \text{ мм}$$



2. Составим график размерной цепи:



3. Составим уравнение размерной цепи:

$$A_{\Delta} = \sum_{j=1}^n \xi_j A_j$$

$$A_{\Delta} = \xi_1 A_1 + \xi_2 A_2 + \xi_3 A_3 + \xi_4 A_4$$

Значение передаточных отношений

Обозначение передаточных отношений	ξ_1	ξ_2	ξ_3	ξ_4
Численное значение ξ_j	+1	+1	+1	-1

4. Проведем проверку правильности назначения номинальных значений

$$N_{\Delta} = \sum_{j=1}^n \xi_j N_j$$

$$N_{\Delta} = 17 + 52 + 17 - 86 = 0$$

Так как по условию задачи $N_{\Delta} = 0$, следовательно, номинальные размеры назначены правильно

5. Осуществим увязку допусков, для чего исходя из величины T_{Δ} рассчитаем допуски составляющих размеров.

Так как в узел входят подшипники качения, допуски которых являются заданными, то для определения величины a_c воспользуемся следующей зависимостью.

Допуск ширины подшипников равен 0,12 мм, то есть $T_1 = T_3 = 0,12$ мм

$$a_c = \sqrt{\frac{0.694 \cdot 800^2 - 2 \cdot 120^2}{1.86^2 + 2.17^2}} \approx 225,5$$

По приложению А устанавливаем, что полученное значение a_c больше принятого для качества 13, но меньше, чем для качества 14.

Установим для всех размеров допуски по 13 качеству, тогда

$$T_2 = 0,46 \text{ мм}, \quad T_4 = 0,54 \text{ мм},$$

6. Произведем проверку правильности назначения допусков составляющих размеров по следующему уравнению:

$$T_{\Delta} = \frac{1}{\lambda_{\Delta}} \sqrt{\sum_{j=1}^n \xi_j^2 \cdot \lambda_j^2 \cdot T_j^2}$$

$$T_{\Delta} = 1.2 \cdot \sqrt{0.12^2 + 0.46^2 + 0.12^2 + 0.54^2} \approx 0,875$$

7. Полученная сумма допусков оказалась больше заданного допуска замыкающего размера. Для того, чтобы полностью использовать допуск замыкающего размера, расширим допуск размера A_2 и найдем его из уравнения:

$$0.8 = 1.2 \cdot \sqrt{0.12^2 + T_2^2 + 0.12^2 + 0.54^2}$$

$$\text{Откуда } T_2 = 0,35 \text{ мм},$$

Осуществим увязку средних отклонений. Увязку будем производить за счет размера A_2 , принятого в качестве увязочного.

8. Примем следующий характер расположения полей допусков составляющих размеров.

$$A_1=A_3= 17_{-0,12} \text{ мм}, \quad A_2 = 52h13_{(-0,46)} \text{ мм}, \quad A_4 = 86JS13(\pm 0.27) \text{ мм}$$

Сведем данные для расчета в таблицу.

Таблица расчета данных

Обознач. размера	Размер	ξ_j	E_{c_j}	T_j	α_j	$\alpha_j T_j / 2$	$E_{c_j} + \alpha_j T_j / 2$	$\xi_j (E_{c_j} + \alpha_j T_j / 2)$
A1	17-0,12	+1	-0,06	0,12	+0,2	0,012	-0,048	-0,048
A2	52	+1	E_{c_2}	0,35	+0,2	0,035	$E_{c_2} + 0,035$	+ ($E_{c_2} + 0,035$)
A3	17-0,12	+1	-0,06	0,12	+0,2	0,012	-0,048	-0,048
A4	86JS13($\pm 0,27$)	-1	0	0,54	0	0	0	0

По уравнению

$$E_{c_{\Delta}} = \sum_{j=1}^n \xi_j \cdot \left(E_{c_j} + \alpha_j \cdot T_j / 2 \right)$$

найдем среднее отклонение размера A_2

$$0,8 = -0,048 + (E_{c_2} + 0,035) - 0,048 + 0$$

$$\text{Откуда } E_{c_2} = 0,861$$

$$e_{s_2} = E_{c_2} + 0,5 \cdot T_2 = 0,861 + 0,5 \cdot 0,35 = 1,04$$

$$e_{i_2} = E_{c_2} - 0,5 \cdot T_2 = 0,861 - 0,5 \cdot 0,35 = 0,69$$

Таким образом

$$A_2 = 52 \begin{matrix} +1,04 \\ +0,69 \end{matrix}$$

Проверка:

$$e_{s_2} - e_{i_2} = T_2 \quad 1,04 - 0,69 = 1,04$$

Задача 4 (обратная задача)

Найти предельные значения размера A_{Δ} при значениях составляющих размеров, полученных в результате решения задачи 3. Расчет произвести вероятностным методом исходя из допустимого брака на сборке, равного 0,27 %.

Сведем данные для расчета в таблицу

Таблица расчета данных.

Обознач. размера	Размер	ξ_i	E_{c_j}	T_j	α_j	$\alpha_j T_j / 2$	$E_{c_j} + \alpha_j T_j / 2$	$\xi_j (E_{c_j} + \alpha_j T_j / 2)$	$ \xi_j T_j$	$(\xi_j T_j)^2$
A_1	17 _{-0,12}	+1	-0,06	0,12	+0,2	0,012	-0,048	-0,048	0,12	0,0144
A_2	52	+1	0,861	0,35	+0,2	0,035	0,896	0,896	0,35	0,1225
A_3	17 _{-0,12}	+1	-0,06	0,12	+0,2	0,012	-0,048	-0,048	0,12	0,0144
A_4	86JS13(±0,27)	-1	0	0,54	0	0	0	0	0,54	0,2916

1. Номинальное значение замыкающего размера:

$$N_{\Delta} = \sum_{j=1}^n \xi_j N_j$$

$$N_{\Delta} = 17 + 52 + 17 - 86 = 0 \text{ мм,}$$

2. Среднее отклонение замыкающего размера:

$$E_{c_{\Delta}} = \sum_{j=1}^n \xi_j E_{c_j}$$

$$E_{c_{\Delta}} = -0,048 + 0,896 - 0,048 = 0,8 \text{ мм,}$$

3. Допуск замыкающего размера:

$$T_{\Delta} = 1,2 \cdot \sqrt{\sum_{j=1}^n \xi_j^2 \cdot T_j^2}$$

$$T_{\Delta} = 1,2 \cdot \sqrt{0,0144 + 0,1225 + 0,0144 + 0,2916} \approx 0,8$$

Допуски на составляющие размеры можно оставить без изменения.

4. Предельные отклонения замыкающего размера:

$$A_{\Delta \max} = N_{\Delta} + E_{c_{\Delta}} + 0,5 \cdot T_{\Delta} = 0 + 0,8 + 0,5 \cdot 0,8 = 1,3 \text{ мм,}$$

$$A_{\Delta \min} = N_{\Delta} + E_{c_{\Delta}} - 0,5 \cdot T_{\Delta} = 0 + 0,8 - 0,5 \cdot 0,8 = 0,45 \text{ мм,}$$

Сравниваем полученные результаты с заданными:

$$A_{\Delta \max \text{ расч.}} = 1,3 > A_{\Delta \max \text{ зад.}} = 1,2$$

$$A_{\Delta \min \text{ расч.}} = 0,45 > A_{\Delta \min \text{ зад.}} = 0,4$$

$$\frac{A_{\Delta \max \text{ расчетное}} - A_{\Delta \max \text{ заданное}}}{T_{\Delta}} \leq 10\% \quad \text{и} \quad \frac{A_{\Delta \min \text{ заданное}} - A_{\Delta \min \text{ расчетное}}}{T_{\Delta}} \leq 10\%$$

$$(A_{\Delta \max \text{ расч.}} - A_{\Delta \max \text{ зад.}}) / T_{\Delta} = (1,3 - 1,2) / 0,8 = 0,125 \text{ мм,}$$

$$(A_{\Delta \min \text{ зад.}} - A_{\Delta \min \text{ расч.}}) / T_{\Delta} = (0,45 - 0,4) / 0,0 = 0,063 \text{ мм,}$$

Задача 3. ОБРАБОТКА РЕЗУЛЬТАТОВ ПРЯМЫХ МНОГОКРАТНЫХ РАВНОТОЧНЫХ ИЗМЕРЕНИЙ

В таблице 1 приведены 100 независимых числовых значений результата измерений напряжения U цифровым вольтметром, каждое из которых повторилось m раз. Определить значение измеряемого напряжения.

Таблица 1

27,82	27,82	27,83	27,82	27,65	27,83	27,70	27,78	27,81	27,77	27,77	27,76	27,64	27,67	27,75
27,86	27,63	27,72	27,70	27,67	27,78	27,87	27,86	27,69	27,81	27,71	27,82	27,77	27,79	27,78
27,85	27,79	27,96	27,85	27,79	27,68	27,76	27,81	28,09	27,75	27,80	27,61	27,96	27,80	
27,69	27,88	27,97	28,04	27,76	27,75	27,95	27,77	27,78	27,84	27,80	27,71	27,92	28,09	
27,83	27,85	27,91	27,86	27,85	27,70	27,85	27,85	27,82	27,71	27,85	27,89	27,73	27,75	
27,71	27,87	27,75	28,03	27,63	27,92	27,60	27,83	27,59	27,85	27,82	27,58	27,85	27,73	
27,80	27,64	27,82	27,90	27,73	27,80	27,77	27,71	27,75	27,73	27,82	27,82	27,77	27,82	

1. Используя полученные данные, найдем значение среднего арифметического \bar{U}

$$\bar{U} = \frac{\sum_1^n U_i}{n} = \frac{2779,4}{100} = 27,79 \text{ В} \quad S_U = \sqrt{\frac{\sum_1^n (U_i - \bar{U})^2}{n-1}}$$

$$\bar{U} = 27,79 \text{ В} \quad S_U = 0,099 \approx 0,1 \text{ В}$$

2. С помощью правила «трех сигм» проверим наличие грубых промахов:

$$U_{\max}^{don.} = \bar{U} + 3S_U = 27,79 + 3 \cdot 0,1 = 28,09 \text{ В}$$

$$U_{\min}^{don.} = \bar{U} - 3S_U = 27,79 - 3 \cdot 0,1 = 27,49 \text{ В}$$

Ни один из результатов не выходит за границы интервала $[U_{\min}^{don.}; U_{\max}^{don.}]$, следовательно, с вероятностью 0,9973 принимается гипотеза об отсутствии грубых промахов.

3. Результаты отдельных измерений расположим в вариационный ряд по возрастанию их численных значений. Участок оси абсцисс, на котором располагается вариационный ряд значений физической величины, разбивается на k одинаковых ΔU .

Принимаем: $k = 8$

Тогда:

$$\Delta U = \frac{U_{\max} - U_{\min}}{k}$$

Полученное значение округляем до возможно меньшего числа значащих цифр для удобств последующих действий.

$$\Delta U = (28,09 - 27,58) / 8 = 0,064$$

Начало первого интервала выбирается таким образом, чтобы это значение оказалось меньше, чем минимальный результат вариационного ряда. Последний интервал должен покрывать максимальное значение ряда. Выберем начало первого интервала в точке 27,53, тогда конец последнего (9-го) интервала окажется в точке 28,104.

Проверка нормальности закона распределения по критерию Пирсона. Для расчета критерия Пирсона необходимо знать эмпирические частоты m_i/n и теоретические вероятности P_i для каждого интервала k_i . Если выдвинута гипотеза о нормальности распределения, то для расчета вероятностей используется функция Лапласа.

$$P(U_1 \leq U \leq U_2) = \Phi(t_i) - \Phi(t_{i-1})$$

Заполняем соответствующие ячейки таблицы 2.

Таблица 2

i	интервалы		m _i	$\frac{m_i}{n \cdot \Delta U} = P$	t _{i-1}	t _i	Φ _{i-1}	Φ _i	P _i	$\chi^2_i = \frac{(m_i - nP_i)^2}{nP_i}$
	U _{i-1}	U _i								
1	27,53	27,594	2	3,6078	-1,962	-0,688	-0,475	-0,252	0,223	0,021973094
2	27,594	27,658	7							
3	27,658	27,721	14							
4	27,721	27,785	23	3,6078	-0,688	-0,050	-0,252	-0,02	0,2321	0,001900043
5	27,785	27,849	26	4,0784	-0,050	0,587	-0,02	0,219	0,2389	0,186358309
6	27,849	27,913	18	2,8235	0,587	1,22	0,219	0,3907	0,1717	0,040122306
7	27,913	27,976	6	1,5686	1,22	2,5	0,3907	0,4938	0,1031	0,009321048
8	27,976	28,040	2							
9	28,040	28,104	2							

Суммарное значение $\chi^2 = 0,26$

Определим табличное (критическое) значение χ^2_0 , задавшись доверительной вероятностью 0,9 и вычислив по формуле $r=k - 3$ число степеней свободы:

$$r = 8 - 3 = 5$$

$$\chi^2_0 = 9,2364 \quad \chi^2_0 > \chi^2$$

Таким образом, с вероятностью 0,9 гипотеза о нормальности распределения вероятности результата измерения напряжения принимается.

5. В тех же координатах, что и гистограмма, следует построить теоретическую кривую плотности вероятности. Для этого рассчитываются значения плотности вероятности для середины каждого интервала $p_i = P_i / \Delta U_i$ и откладываются как ординаты из середин соответствующих интервалов; полученные точки соединяют плавной кривой, симметричной относительно математического ожидания (среднего арифметического значения).

$$p_1 = 3,498 \quad p_2 = 3,641 \quad p_3 = 3,747 \quad p_4 = 2,693 \quad p_5 = 1,617$$

6. Представление результата в виде доверительного интервала.

Определим стандартное отклонение среднего арифметического \bar{U} по формуле:

$$s_{\bar{x}} = \frac{s_x}{\sqrt{n}} = 0,099 / 10 = 0,01$$

Закон распределения вероятности для среднего арифметического считаем нормальным. Аргумент функции Лапласа $t = 1,6449$

$$27,79 - 1,6449 \cdot 0,01 \leq U \leq 27,79 + 1,6449 \cdot 0,01$$

$$27,774 \text{ В} \leq 27,79 \text{ В} \leq 27,806 \text{ В}$$

Если закон распределения вероятности для среднего арифметического считаем неизвестным, то относительный доверительный интервал рассчитываем в соответствии с неравенством Чебышева:

$$0,9 = 1 - \frac{1}{t^2} \quad t = 3,1623$$

$$27,79 - 3,1623 \cdot 0,01 \leq U \leq 27,79 + 3,1623 \cdot 0,01$$
$$27,759 \text{ В} \leq 27,79 \text{ В} \leq 27,821 \text{ В}$$

Как видно из сравнения результатов, неизвестность закона распределения вероятности приводит к расширению доверительного интервала, то есть к увеличению дефицита измерительной информации.

Список литературы:

1. Шишкин, И.Ф. Метрология, стандартизация и управление качеством. Учебник для вузов/ Под ред. Н.С. Соломенко. - М.: Изд-во стандартов, 1990.- 342с.
2. Допуски и посадки. Справочник.: в 2 тт./ Под ред. В.Д. Мягкова. – Л.: Машиностроение, 1982. - 987 с.
3. Якушев, А.И., Воронцов, Л.Н., Федотов, Н.М. Взаимозаменяемость, стандартизация и технические измерения. – М.: Машиностроение, 1982.- 339с.

